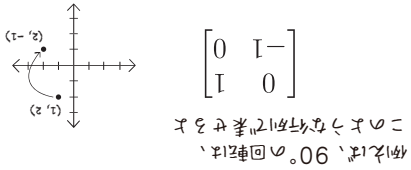


(乗算の記号を量か少ないことが多いんだ)

$$\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 1 \\ 1 & 1 \\ 2 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 \times 1 + 1 \times 2 \\ 0 \times 1 + 1 \times 2 \\ -1 \times 1 + 0 \times 2 \\ -1 \times 1 + 1 \times 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ -1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

点 (1, 2) を回転するよ:



別のM7TLへ変換することかできるよ
そのM7TLを
行列として1つのM7TLを掛け合わせることで、

乗算の記号

$$\begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} ax + by \\ cx + dy \end{bmatrix}$$

乗算の記号

行列の乗算

M7TL
変換後の

$$\begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ -2 \\ 0 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 0 \\ 2 \\ 0 \\ -2 \end{bmatrix}$$

演算子

行列は、M7TLを変換する演算子にもなるよ

データの保持

M7TLを同じように、
行列もいろんな意味を持つよ

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ -3 & 8 & 4 \end{bmatrix}$$

数字の集まりだよ

行列は、ただ2次元に並んでいる数字の列だよ

量子状態? $0.6|0\rangle + 0.8|1\rangle$

多項式? $f(x) = 0.6x + 0.8$

座標之

何の表もなければ、
このM7TLは
何にもならない!

$$\begin{bmatrix} 3 \\ 2 \\ 1 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 0 \\ \pi \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 28 \\ 6 \\ 2019 \end{bmatrix}$$

M7TLは、ただ順番に並んでいる数字の列だよ

M7TL

S + ↓ = ↓

2次元のM7TLは
書かれていないと見えないこの状態だよ
1次元だけだと、2次元のM7TLを
表現できないよ

S? L?

S, M, Lの文字だけなら
いろんな意味を
持てるはねなんぼ

T次元のM7TLは、S, M, Lから
よく書かれていよ

量子ゲート

量子ビットは、ベクトルで表現できるよ。
量子ゲートは、量子ビットを変換させるよ。

$$\boxed{X} \rightsquigarrow \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$$

つまり、量子ゲートは行列で"表せるよ"ね。

ゲート X を、量子ビット $0.6|0\rangle + 0.8|1\rangle$ に
作用させたらどうなるかを
見てみよう

$$\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0.6 \\ 0.8 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \times 0.6 + 1 \times 0.8 \\ 1 \times 0.6 + 0 \times 0.8 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.8 \\ 0.6 \end{bmatrix} = 0.8|0\rangle + 0.6|1\rangle$$

\boxed{X}

より大きな行列

より大きなベクトルを変換するには、
より大きな行列を使う必要があるよ。

$$\begin{bmatrix} a_{1,1} & a_{1,2} & \dots & a_{1,n} \\ a_{2,1} & a_{2,2} & \dots & a_{2,n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{n,1} & a_{n,2} & \dots & a_{n,n} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ \vdots \\ x_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_{1,1}x_1 + a_{1,2}x_2 + \dots + a_{1,n}x_n \\ a_{2,1}x_1 + a_{2,2}x_2 + \dots + a_{2,n}x_n \\ \vdots \\ a_{n,1}x_1 + a_{n,2}x_2 + \dots + a_{n,n}x_n \end{bmatrix}$$

(NOTゲートは2つの量子ビットを変換するよ。
だから、4x4 の行列で"表そう"！

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

やってみよう!

計算してみてください:

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}$$

0 1 0 0

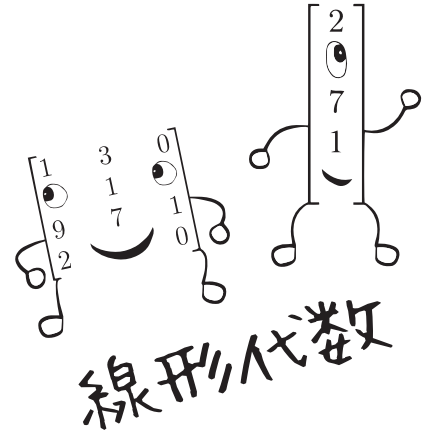
量子コンピューティングについて もっと知りたいならこちら

<https://www.epiqc.cs.uchicago.edu/resources/>

May 2023

Translated by QCSC, Kyushu University, Japan

This work is funded in part by EPIQC,
an NSF Expedition in Computing,
under grant 1730449



基礎のキ